

**Problema 10.2**

	<b>Soluție</b>	<b>Punctaj</b>	
<b>a)</b>	<p>Pentru identificarea forțelor care acționează asupra corpului de masă <math>m</math> (vezi figura) <b>(0.5 p.)</b></p> <p>Pentru legea a doua a lui Newton în proiecții pe direcția mișcării corpului  <math display="block">mg - N - F_e = ma \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru condiția de desprindere a corpului de suport <math>N = 0</math> și expresia forței de elasticitate <math>F_e = -kx</math> <b>(0.5 p.)</b></p> <p>Pentru ecuația legii a doua a lui Newton la momentul desprinderii corpului de suport  <math display="block">mg - kx = ma \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru expresia ce determină alungirea resortului la momentul desprinderii de suport  <math display="block">x = \frac{m(g-a)}{k}; \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru ideea de a folosi faptul că deoarece până la desprindere mișcarea era uniform accelerată cu accelerația <math>a</math>, atunci alungirea resortului <math>x</math> este egală cu distanța parcursă de corp în mișcarea uniform accelerată  <math display="block">\frac{at^2}{2} = \frac{m(g-a)}{k} \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru determinarea timpului după care corpul se desprinde de suport <math>t = \sqrt{\frac{2m}{k} \cdot \frac{(g-a)}{a}}</math> <b>(0.5 p.)</b></p>		<b>3.5 p.</b>
<b>b)</b>	<p>Pentru ideea de a folosi legea conservării energiei pentru sistemul corp-resort după desprinderea corpului de suport <b>(0.5 p.)</b></p> <p>Pentru determinarea vitezei corpului la momentul desprinderii de suport:  <math display="block">v = at = \sqrt{\frac{2m}{k} a(g-a)} \quad \text{(0.5 p.)}</math> Pentru expresia energiei cinetice a corpului suspendat în starea inițială:  <math display="block">E_{c,i} = \frac{mv^2}{2} = \frac{1}{k} m^2 a(g-a) \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru expresia energiei potențiale a corpului în starea inițială în raport cu nivelul cel mai inferior reprezentat de alungirea maximă a resortului <math>x_0</math>:  <math display="block">E_{p,corp} = mg(x_0 - x) = mgx_0 - \frac{m^2 g(g-a)}{k} \quad \text{(0.5 p.)}</math> Pentru energia potențială a resortului în starea inițială:  <math display="block">E_{p,resort} = \frac{kx^2}{2} = \frac{m^2(g-a)^2}{2k} \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru expresia energiei sistemului corp-resort în starea inițială (la momentul desprinderii de suport):  <math display="block">E_i = E_{c,i} + E_{p,corp} + E_{p,resort} = mgx_0 - \frac{M^2(g-a)^2}{2k} \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru energia sistemului în starea finală <math>E_f = \frac{kx_0^2}{2} \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru obținerea expresiei finale a legii conservării energiei care reprezintă o ecuație de gradul doi în raport cu <math>x_0</math>:  <math display="block">\frac{kx_0^2}{2} - mgx_0 + \frac{M^2(g-a)^2}{2k} = 0 \quad \text{(0.5 p.)}</math></p> <p>Pentru obținerea soluțiilor ecuației pătrate <math>x_0 = \frac{m}{k} \left[ g \pm \sqrt{a(2g-a)} \right] \quad \text{(1.0 p.)}</math></p> <p>Pentru înțelegerea că semnul „+” corespunde alungirii maxime, iar semnul „-” - alungirii minime:  <math display="block">x_{0,max} = \frac{m}{k} \left[ g + \sqrt{a(2g-a)} \right]; \quad x_{0,min} = \frac{m}{k} \left[ g - \sqrt{a(2g-a)} \right] \quad \text{(0.5 p.)}</math></p>	<b>5.5 p.</b>	
<b>c)</b>	<p>Pentru înțelegerea că amplitudinea oscilațiilor care au loc în sistem se determină cu diferența dintre alungirile maximă și minimă ale resortului:  <math display="block">A = x_{0,max} - x_{0,min} = \frac{2m}{k} \sqrt{a(2g-a)} \quad \text{(1.0 p.)}</math></p>	<b>1.0 p.</b>	
	<b>Total max</b>	<b>10.0 p.</b>	